#### Universität Hannover

# Institut für Strömungsmaschinen Prof. Dr.-Ing. J. Seume

## <u>Klausur</u> <u>Strömungsmaschinen</u> <u>SS 2005</u>

23. August 2005, Beginn 13:00 Uhr

Prüfungszeit: 90 Minuten

Zugelassene Hilfsmittel sind:

- das Vorlesungsskript (einschließlich handschriftlicher Notizen) und die zugehörigen Abbildungen
- Taschenrechner, Geodreieck, Zeichenmaterial.

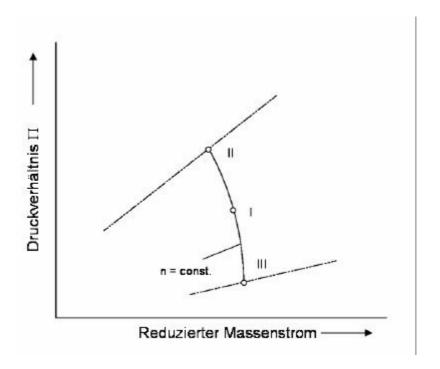
Andere Hilfsmittel, insbesondere Handys, PCs und Fachbücher und auch die Übungsmaterialien sind <u>nicht zugelassen</u>.

Aufgabe	geschätzte Dauer	Punkte
1. Axialverdichter	10 min	22
2. Axialturbine	35 min	60
3. Radialturbine	10 min	18
Gesamt	55 min	100

Wir wünschen Ihnen viel Erfolg!

Prof. J. Seume und E. Imetovski

## 1) Axialverdichter

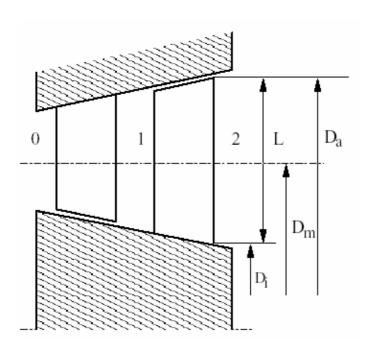


Das oben dargestellte Diagramm zeigt die Stufenkennlinie einer Axialverdichterrepetier-Stufe ( $c_{ax} = const.$ ; drallfreie Zuströmung) für eine konstante Drehzahl. Der Auslegungspunkt ist durch "I", die Betriebsgrenzen durch "II" und "III" gegenzeichnet.

- a) Ordnen Sie folgende Begriffe den jeweiligen Betriebsgrenzen zu und beschreiben Sie kurz die Vorgänge, welche die Betriebsgrenzen verursachen:
  - Pumpgrenze
  - Schluckgrenze
- b) Auf welcher Seite des Schaufelprofils löst die Strömung in den Betriebszuständen "II" und "III" ab? (Begründung)
- c) Erläutern Sie den Pumpzyklus und stellen Sie ihn im Diagramm dar.
- d) Worin unterscheidet sich das "Pumpen" vom "Rotating Stall"?

## 2) Axialturbine

Die folgende Abbildung zeigt schematisch die erste Stufe einer axialen Gasturbine. Nach einer ersten Auslegungsrechnung sind folgende Abmessungen und Strömungszustände für den Mittelschnitt gegeben:



Durchmesser des Mittelschnitts	$D_{\rm m}$	=	0,432	m
Drehzahl	n	=	15000	1/min
Schaufelhöhe am Eintritt des Stators	$L_0$	=	0,046	m
Schaufelhöhe am Eintritt des Rotors	$L_1$	=	0,061	m
Schaufelhöhe am Austritt des Rotors	$L_2$	=	0,077	m
Schaufeleintrittswinkel, Stator	$\alpha_0$	=	90	0
Schaufeleintrittswinkel, Rotor (Absolutwinkel)	$\alpha_1$	=	31,6	0
Schaufelaustrittswinkel, Rotor (Absolutwinkel)	$\alpha_2$	=	80	0
Totaltemperatur am Eintritt, Stator	$T_{t0}$	=	1100	K
statische Temperatur am Eintritt, Stator	$T_0$	=	1068	K
statische Dichte am Eintritt, Stator	$\rho_0$	=	2,15	kg/m³
spezifische Wärmekapazität	$c_p$	=	1142	J/(kgK)
Gaskonstante der Luft	Ŕ	=	287,22	J/(kgK)

**Achtung:** Winkel beziehen sich auf die Ebene senkrecht zur Maschinenachse (Umfangsrichtung entspricht dem Winkel von  $0^{\circ}$ )!!!

Folgende Annahmen können getroffen werden:

- die Leitschaufeln werden axial angeströmt
- die Geschwindigkeit cax bleibt im Mittenschnitt konstant
- die Totalenthalpie sei über die Schaufelhöhe konstant
- die Strömung sei isentrop, reibungsfrei und stationär

#### Aufgaben:

- a) Bestimmen Sie die Absolutgeschwindigkeit im Mittenschnitt in der Ebene 0 vor dem Stator und die Umfangsgeschwindigkeit in der Ebene 1 vor dem Rotor.
- b) Bestimmen Sie die vollständigen Geschwindigkeitsdreiecke im Mittenschnitt für die Ebenen 1 und 2. Wie groß ist der relative Zu- und Abströmwinkel?
- c) Berechnen Sie die aerodynamische Stufenarbeit mit Hilfe der unter b) berechneten Daten. Welche Leistung gibt das Laufrad ab?
- d) Ermitteln Sie den kinematischen Reaktionsgrad, die Durchflusszahl  $\Phi$  und die Schaufelarbeitszahl  $\Psi$  für den Rotor.

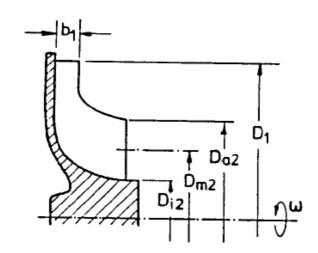
#### Zusatzaufgabe:

- e) Die Beschaufelung der Turbinenstufe soll unter Beachtung des einfachen radialen Gleichgewichts ausgelegt werden. Dabei gibt es für die Schaufelauslegung zwei Auslegungskriterien:
  - die Axialgeschwindigkeit ist über die Schaufelhöhe konstant ( $c_{ax}$  (r) = const.)
  - der Austrittswinkel bleibt über die Schaufelhöhe unverändert ( $\alpha$  (r) = const.)

Leiten Sie für jedes Auslegungskriterium den Zusammenhang zwischen Umfangsbzw. Axialgeschwindigkeit und Radius her. Welche der beiden Auslegungsvarianten lässt eine einfachere Schaufelfertigung erwarten?

## 3) Radialturbine

Folgende Abbildung zeigt das Laufrad einer einstufigen Zentripetalturbine für einen Abgasturbolader.



Massenstrom	ṁ	=	0,95	kg/s
Druckverhältnis Stufeneintritt/ Stufenaustritt	$p_0/p_2$	=	1,8	-
statischer Druck am Eintritt	$p_0$	=	1,8	bar
statische Temperatur am Eintritt	$T_0$	=	700	K
statische Temperatur am Austritt	$T_2$	=	618	K
stat. polytroper Stufenwirkungsgrad	$\eta_{\mathrm{T}}$	=	0,82	-
Nabenverhältnis	$D_{m2}/D_1$	=	0,45	
Isentropenexponent	κ	=	1,35	-
Gaskonstante des Verbrennungsgases (id. Gas)	R	=	288	J/kgK

Mit Hilfe des unten aufgeführten Cordier-Diagramms ist die Berechnung des die Maschinenabmessungen charakterisierenden maximalen Laufraddurchmessers  $D_1$  durchzuführen. Für die Wahl des Laufraddurchmessers steht eine Standardreihe zur Verfügung ( $D_1 = 100/\ 150/\ 225/\ 350/\ 500$  mm).

- a) Wozu wird ein Cordier-Diagramm verwendet?
- b) Ermitteln Sie für die für die optimale spezifische Drehzahl  $\sigma_M = 0.15$  die Druckkenngröße  $\psi_M$ , die Durchflusskenngröße  $\phi_M$  und den spezifischen Durchmesser  $\delta_M$ .
- c) Berechnen Sie die entsprechende Turboladerdrehzahl.
- d) Bestimmen Sie aus der Standardreihe den optimalen Laufraddurchmesser.

